

## Logaritmus

- ★ definíció
  - \* „hivatalos”:  $a^{\log_a b} = b$
  - \* „konyhanyelven”:  $\log_a b$  megadja, hogy  $a$ -nak hanyadik hatványa  $b$  (pl.  $\log_2 8 = 3$ , mert  $2^3 = 8$ ), így a  $2^x = 20$  típusú egyenletek megoldásakor is használjuk ( $x = \log_2 20$ )
- ★ kikötések:  $\log_a x$  esetén
  - \*  $a > 0, a \neq 1$
  - \*  $x > 0$
- ★ azonosságok
  - \*  $\log_a x + \log_a y = \log_a xy$
  - \*  $\log_a x - \log_a y = \log_a \frac{x}{y}$
  - \*  $n \cdot \log_a x = \log_a x^n$
  - \*  $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$

## Logaritmus

- ★ definíció
  - \* „hivatalos”:  $a^{\log_a b} = b$
  - \* „konyhanyelven”:  $\log_a b$  megadja, hogy  $a$ -nak hanyadik hatványa  $b$  (pl.  $\log_2 8 = 3$ , mert  $2^3 = 8$ ), így a  $2^x = 20$  típusú egyenletek megoldásakor is használjuk ( $x = \log_2 20$ )
- ★ kikötések:  $\log_a x$  esetén
  - \*  $a > 0, a \neq 1$
  - \*  $x > 0$
- ★ azonosságok
  - \*  $\log_a x + \log_a y = \log_a xy$
  - \*  $\log_a x - \log_a y = \log_a \frac{x}{y}$
  - \*  $n \cdot \log_a x = \log_a x^n$
  - \*  $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$

## Logaritmus

- ★ definíció
  - \* „hivatalos”:  $a^{\log_a b} = b$
  - \* „konyhanyelven”:  $\log_a b$  megadja, hogy  $a$ -nak hanyadik hatványa  $b$  (pl.  $\log_2 8 = 3$ , mert  $2^3 = 8$ ), így a  $2^x = 20$  típusú egyenletek megoldásakor is használjuk ( $x = \log_2 20$ )
- ★ kikötések:  $\log_a x$  esetén
  - \*  $a > 0, a \neq 1$
  - \*  $x > 0$
- ★ azonosságok
  - \*  $\log_a x + \log_a y = \log_a xy$
  - \*  $\log_a x - \log_a y = \log_a \frac{x}{y}$
  - \*  $n \cdot \log_a x = \log_a x^n$
  - \*  $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$

## Logaritmus

- ★ definíció
  - \* „hivatalos”:  $a^{\log_a b} = b$
  - \* „konyhanyelven”:  $\log_a b$  megadja, hogy  $a$ -nak hanyadik hatványa  $b$  (pl.  $\log_2 8 = 3$ , mert  $2^3 = 8$ ), így a  $2^x = 20$  típusú egyenletek megoldásakor is használjuk ( $x = \log_2 20$ )
- ★ kikötések:  $\log_a x$  esetén
  - \*  $a > 0, a \neq 1$
  - \*  $x > 0$
- ★ azonosságok
  - \*  $\log_a x + \log_a y = \log_a xy$
  - \*  $\log_a x - \log_a y = \log_a \frac{x}{y}$
  - \*  $n \cdot \log_a x = \log_a x^n$
  - \*  $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$

- ★ számítás
  - \* „fejben”, definíció alapján
  - \* függvénytáblázattal
  - \* számológéppel, utolsó azonosság segítségével
$$\left( \log_2 8 = \frac{\log_{10} 8}{\log_{10} 2} = \frac{\lg 8}{\lg 2} \right)$$
- ★ egyenletmegoldás
  1. kikötés (ha bonyolult, és nem tesszük meg, akkor az egyenletmegoldás végén legyen ellenőrzés)
  2. azonosságok segítségével  $\log_a \dots = \log_a \dots$  alakra hozzuk
    - \* szám átírására példa („nem gondolkodik, átír”):  $11 = \log_4 4^{11}$
  3. „log. fgv. szig. mon. miatt”
  4. a kapott egyenletet (elsőfokú, másodfokú, trigonometrikus, stb.) megoldjuk
  5. kikötéssel összevetés (azonosságok alkalmazása során változhat az egyenlet értelmezési tartománya, így hamis gyök előfordulhat), ellenőrzés

- ★ számítás
  - \* „fejben”, definíció alapján
  - \* függvénytáblázattal
  - \* számológéppel, utolsó azonosság segítségével
$$\left( \log_2 8 = \frac{\log_{10} 8}{\log_{10} 2} = \frac{\lg 8}{\lg 2} \right)$$
- ★ egyenletmegoldás
  1. kikötés (ha bonyolult, és nem tesszük meg, akkor az egyenletmegoldás végén legyen ellenőrzés)
  2. azonosságok segítségével  $\log_a \dots = \log_a \dots$  alakra hozzuk
    - \* szám átírására példa („nem gondolkodik, átír”):  $11 = \log_4 4^{11}$
  3. „log. fgv. szig. mon. miatt”
  4. a kapott egyenletet (elsőfokú, másodfokú, trigonometrikus, stb.) megoldjuk
  5. kikötéssel összevetés (azonosságok alkalmazása során változhat az egyenlet értelmezési tartománya, így hamis gyök előfordulhat), ellenőrzés

- ★ számítás
  - \* „fejben”, definíció alapján
  - \* függvénytáblázattal
  - \* számológéppel, utolsó azonosság segítségével
$$\left( \log_2 8 = \frac{\log_{10} 8}{\log_{10} 2} = \frac{\lg 8}{\lg 2} \right)$$
- ★ egyenletmegoldás
  1. kikötés (ha bonyolult, és nem tesszük meg, akkor az egyenletmegoldás végén legyen ellenőrzés)
  2. azonosságok segítségével  $\log_a \dots = \log_a \dots$  alakra hozzuk
    - \* szám átírására példa („nem gondolkodik, átír”):  $11 = \log_4 4^{11}$
  3. „log. fgv. szig. mon. miatt”
  4. a kapott egyenletet (elsőfokú, másodfokú, trigonometrikus, stb.) megoldjuk
  5. kikötéssel összevetés (azonosságok alkalmazása során változhat az egyenlet értelmezési tartománya, így hamis gyök előfordulhat), ellenőrzés

- ★ számítás
  - \* „fejben”, definíció alapján
  - \* függvénytáblázattal
  - \* számológéppel, utolsó azonosság segítségével
$$\left( \log_2 8 = \frac{\log_{10} 8}{\log_{10} 2} = \frac{\lg 8}{\lg 2} \right)$$
- ★ egyenletmegoldás
  1. kikötés (ha bonyolult, és nem tesszük meg, akkor az egyenletmegoldás végén legyen ellenőrzés)
  2. azonosságok segítségével  $\log_a \dots = \log_a \dots$  alakra hozzuk
    - \* szám átírására példa („nem gondolkodik, átír”):  $11 = \log_4 4^{11}$
  3. „log. fgv. szig. mon. miatt”
  4. a kapott egyenletet (elsőfokú, másodfokú, trigonometrikus, stb.) megoldjuk
  5. kikötéssel összevetés (azonosságok alkalmazása során változhat az egyenlet értelmezési tartománya, így hamis gyök előfordulhat), ellenőrzés