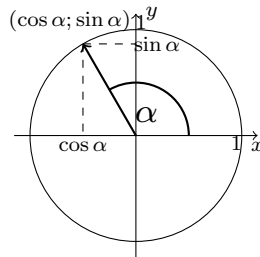


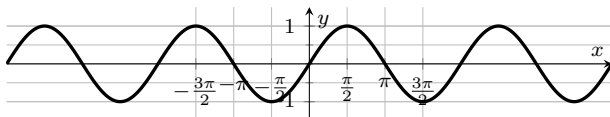
Trigonometria összefoglaló

- * hegyesszögek derékszögű háromszögekben
 - * $\sin \alpha = \frac{\text{szöggel szemközti befogó}}{\text{átfogó}}$
 - * $\cos \alpha = \frac{\text{szög melletti befogó}}{\text{átfogó}}$
 - * $\text{tg } \alpha = \frac{\text{szöggel szemközti befogó}}{\text{szög melletti befogó}}$
 - * $\text{ctg } \alpha = \frac{\text{szög melletti befogó}}{\text{szöggel szemközti befogó}}$
- * általános definíció

Az $(1; 0)$ vektort forgatjuk α szöggel. Az elforgatott vektor x koordinátája lesz a $\cos \alpha$, az y koordinátája a $\sin \alpha$.

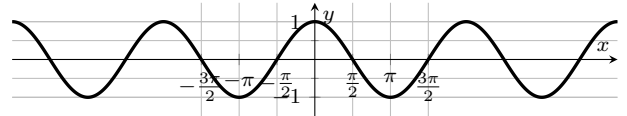


- * leggyakrabban használt összefüggések
 - * $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$
 - * $\text{tg } \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$
 - * $\sin \alpha = \cos \left(\frac{\pi}{2} - \alpha \right)$
 - * $\cos \alpha = \sin \left(\frac{\pi}{2} - \alpha \right)$
- * egyenletek megoldása (a $k \in \mathbb{Z}$ mindenhol érvényes)
 - * a β szög jelölheti a visszakeresett (számológép által visszaadott) értéket is (pl. $\sin x = 0,5 \Rightarrow \sin x = \sin \frac{\pi}{6}$)
 - * $\sin \alpha = \sin \beta$
 - * $\alpha = \beta + k \cdot 2\pi$
 - * $\alpha = \pi - \beta + k \cdot 2\pi$
 - * $\cos \alpha = \cos \beta$
 - * $\alpha = \beta + k \cdot 2\pi$
 - * $\alpha = -\beta + k \cdot 2\pi$
 - (vagy $\alpha = 2\pi - \beta + k \cdot 2\pi$)
 - * $\text{tg } \alpha = \text{tg } \beta$
 - * $\alpha = \beta + k \cdot \pi$
- * másodfokúra visszavezethető trigonometrikus egyenlet
 - * felismerése: vagy $\sin^2 x$ vagy $\cos^2 x$ szerepel az egyenletben (esetleg $\text{tg}^2 x$, de ilyen ritkán van)
 - * egyfajta szögfüggvényre kell hozni:
 - * ha szerepel $\sin x$ (illetve $\cos x$), akkor a $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ azonosságból $\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$ (illetve $\sin^2 x = 1 - \cos^2 x$) helyettesítést végzünk.
 - * ha nem szerepel, akkor tetszőlegesen helyettesíthetünk
 - * $y = \sin x$ vagy $y = \cos x$ helyettesítéssel másodfokú egyenletre hozzuk
 - * megoldóképlettel y -ra megoldjuk
 - * $\sin x = y_1$, $\sin x = y_2$ (vagy $\cos x = y_1$, $\cos x = y_2$) egyenleteket megoldjuk (nem feledve, hogy a \sin és a \cos függvény értékészlete a $[-1; 1]$).
- * függvénytani szempontból
 - * $\sin x$

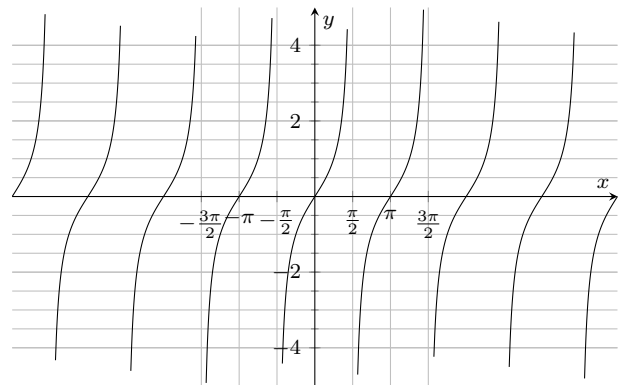


- * É.T.: \mathbb{R}
- * É.K.: $[-1; 1]$

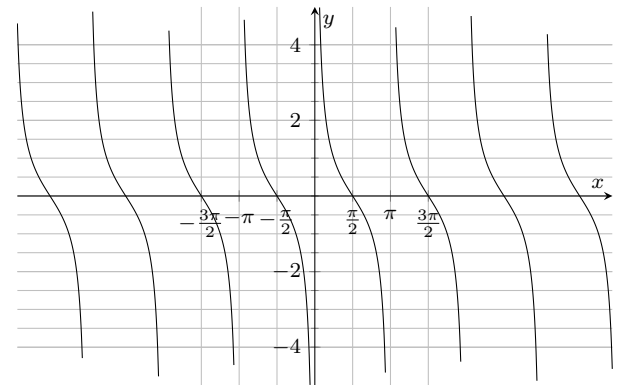
- * zérushely: $k \cdot \pi$
- * maximum: $x = \frac{\pi}{2} + k \cdot 2\pi$
- * minimum: $x = -\frac{\pi}{2} + k \cdot 2\pi$
- * periódusa 2π
- * $\cos x$



- * É.T.: \mathbb{R}
- * É.K.: $[-1; 1]$
- * zérushely: $\frac{\pi}{2} + k \cdot \pi$
- * maximum: $x = k \cdot 2\pi$
- * minimum: $x = \pi + k \cdot 2\pi$
- * periódusa 2π
- * $\text{tg } x$



- * É.T.: $\mathbb{R} \setminus \{ \frac{\pi}{2} + k \cdot \pi \}$
- * É.K.: \mathbb{R}
- * zérushely: $k \cdot \pi$
- * minimum, maximum: nincs
- * periódus: π
- * $\text{ctg } x$



- * É.T.: $\mathbb{R} \setminus \{ k \cdot \pi \}$
- * É.K.: \mathbb{R}
- * zérushely: $\frac{\pi}{2} + k \cdot \pi$
- * minimum, maximum: nincs
- * periódus: π